

MÉCANIQUE

M3. ÉNERGIE MÉCANIQUE

- Énergie cinétique ; Puissance et travail d'une force ; travail moteur / résistant.
 - ⇒ *théorème de l'énergie cinétique, théorème de la puissance cinétique* : hors-programme.
 - Énergie potentielle associée à une force conservative : connaître les expressions de l'énergie potentielle de pesanteur et de l'énergie potentielle élastique ; expression du travail d'une force conservative en fonction de l'énergie potentielle associée ; lien énergie potentielle ↔ force, sous la forme : $\vec{f}_C = \overline{f_C} \vec{u}_x = -\frac{d\mathcal{E}_p(\vec{f}_C)}{dx} \vec{u}_x$ (Ox étant l'axe portant la force).
 - ⇒ *gradient* : hors-programme au 1^{er} semestre.
 - Énergie potentielle d'un point dans un environnement conservatif ; signification physique ; propriétés : lien avec les positions d'équilibre.
 - Énergie mécanique : définition, conditions de sa conservation ; notions de barrière de potentiel et de puits de potentiel.
 - Théorème de l'énergie mécanique : forme instantanée $\frac{d\mathcal{E}_m}{dt} = \sum \mathcal{P}_{NC}$; forme intégrale $\Delta\mathcal{E}_m(A \rightarrow B) = \sum W_{NC}(A \rightarrow B)$.
- On retiendra le cas de la dissipation d'énergie par frottements fluides, où $\sum \mathcal{P}_{NC} = -\lambda v^2$
- Application du théorème de l'énergie mécanique sous forme instantanée à l'établissement de l'équation différentielle d'un mouvement à 1 dimension : mouvement rectiligne, mouvement circulaire (variable θ). Résolution de ces équations différentielles.
 - Application du théorème de l'énergie mécanique sous forme intégrale.
- + pour ceux qui le souhaitent : démonstration du théorème de l'énergie mécanique à partir du principe fondamental de la dynamique (*à connaître, en passant par la forme instantanée du théorème de l'énergie cinétique*).

M4. OSCILLATIONS LIBRES

- Oscillations libres non amorties.
 - Oscillations libres amorties à une dimension : régimes aperiodique, critique, pseudoperiodique ; facteur d'amortissement ; aspect énergétique, facteur de qualité.
- ⇒ *Remarque* : les équations différentielles du 2nd ordre seront mises sous la forme canonique :
- $$\ddot{x} + 2\xi\omega_0\dot{x} + \omega_0^2x = \omega_0^2x_{eq} \quad \text{ou} \quad \ddot{x} + \frac{\omega_0}{Q}\dot{x} + \omega_0^2x = \omega_0^2x_{eq}$$
- avec ξ : facteur d'amortissement, Q : facteur de qualité, ω_0 : pulsation propre, x : la variable, à remplacer le cas échéant par le symbole approprié.
- ⇒ *Oscillations couplées* hors-programme.